

رقم

٥

الكتاب علوم الرياضيات

* (مختصر علم الحساب) *

تأليف
شقيق بك منصور
(يكن)

طبع بالمطبعة الميرية ببولاق

سنة ١٣٠١

ويوجد في المكتبة العمومية بشارع كلوت بك

بالقاهرة

كتب اخرى للمؤلف

تطبيق الرياضيات على علم القوانين (بالفرنساوى)

حساب التفاضل والتكامل (الجزء الاول)

تحت الطبع { مختصر علم الجبر
مختصر علم الهندسة
مختصر علم الطبيعة

* فهرست الكتاب *

٣	المقدمة
٤	العدد
٥	جمع الاعداد الصحيحة
٧	طرح الاعداد الصحيحة
٨	ضرب الاعداد الصحيحة
١٢	قسمة الاعداد الصحيحة
١٦	الكسور الاعشارية
١٨	جمع الكسور الاعشارية
١٨	طرح الكسور الاعشارية
١٨	ضرب الكسور الاعشارية
١٩	قسمة الكسور الاعشارية
٢١	ملحقة بقسمة الاعداد الصحيحة
٢٤	خواص الاعداد
٢٧	الكسور الاعتيادية
٢٨	الاختزال
٢٨	التجنيس
٢٩	المصرف
٢٩	الرفع
٢٩	تحويل الكسور الاعتيادية الى كسور اعشارية
٣٠	جمع الكسور الاعتيادية
٣٠	طرح الكسور الاعتيادية
٣٠	ضرب الكسور الاعتيادية

١٠٠

٢٢	قائمة الكسور الاعتيادية
٢٢	القوى والذور
٢٣	استخراج الجذر التربيعي
٢٥	النسبة والتناسبة
٢٧	جدول في الاقيسة

تم الفهرست

المقدمة

(بسم الله الرحمن الرحيم)

الحمد لله الذى أحاط بكل شىء علماً وأحصى كل شىء عدداً والصلاة والسلام على سيدنا محمد وعلى آله وأصحابه دائماً أبداً (أما بعد) فإن علم الحساب من أنفع العلوم العقلية والعملية بل هو الأساس لكل علم يحتاج اليه العام والخاص ولما بدت ثمرات العلوم والفنون في ديارنا المصرية بعناية ولى نعمتنا الذى انتهج سبيل الرشيد بما انفرد به من إيجاد المدارس الخصوصية خديوينا الانخم محمد توفيق الاول أدام الله وجوده وعلم كل فرد من رتبة المعارف وضرورة الاستحصال عليها نلخصت هذا المختصر من أشهر التأليف العربية والأوروبية بطريقة سهلة المأخذ تمكن كل مطلع عليه من الانتفاع به بغير واسطة معلم وشرعت في طبعه تعميماً للفائدة وسأطبع ان شاء الله كتباً أخرى مختصرة على هذا النموذج في علوم متنوعة أرجو ان تكون نافعة لكل من صرف زماناً وجيزاً في مطالعتها ومهمدة له للوصول الى الغايات من المطولات وأسأل الله الهداية لا أقوم طريق انه ولى الاجابة والتوفيق

(شفيق منصور)

(مختصر علم الحساب)



(تعريفات)

الكم شيء يقبل الزيادة والنقصان كالمسافة بين جسمين وقياس الكم هو مقارنته بكم آخر من نوعه معلوم المقدار يسمى الوحدة والعدد ما دل على نتيجة القياس فان قست المسافة بين جسمين بالتر مثلاً فادل على كمية الامتار التي تحتويها المسافة هو العدد

العدد الصحيح يطلق على الوحدة أو على جملة وحدات الحساب فرع من العلوم الرياضية يبحث فيه عن اجراء العمليات على الاعداد

(الباب الاول)

(في العدد)

العد كيفية كتابة الاعداد باشارات خصوصية تسمى أرقاماً وكيفية التلفظ بها أما الارقام فهي

١ ٢ ٣ ٤ ٥ ٦ ٧ ٨ ٩ (٠)

ويلفظ بها

واحد اثنين ثلاثة أربعة خمسة ستة سبعة ثمانية تسعة (صفر)
فالتسعة أرقام الاولى تدل على التسعة أعداد الاول واذا أضفت واحداً الى التسعة يحصل عدد يسمى عشرة واذا أضفت عشرة الى العشرة يحصل عشرون واذا أضفت اليها عشرة يحصل ثلاثون وهلم جرا الى التسعين وتسمى العشر عشرات مائة والعشر مئتان ألفاً وفوق الالف يسمى الالف ألف مليوناً والالف مليون اثنى ليون والالف اثنى ليون ثلاث ليون وهلم جرا فتقول مثلاً

خمس اثنى ليون وستة وسبعون مليوناً وأربعة آلاف وثمانمائة وواحد وعشرون و لرقم أي عدد اصطلح الرياضيون على ان كل رقم وضع على يسار رقم آخر يدل على وحدات أكبر من وحدات الرقم الآخر بعشر مرات وبالعكس كل رقم وضع على يمين رقم آخر يدل على وحدات أقل من وحدات الرقم الآخر بعشر مرات فترقم

الخمسة وعشرين كذا ٢٥ والستائة وتسعة وسبعين هكذا ٦٧٩ فإذا لكل رقم مقداران أصلي ووضعي ففي العدد الأخير مقدار الرقم ٦ الأصلي ستة ومقداره الوضعي ستائة أما الصفر فلامقداره بل يستعمل ليحفظ للأرقام مقاديرها الوضعية فترقم العشرة هكذا ١٠ والمئة كذا ١٠٠ والالف هكذا ١٠٠٠ وهلم جرا وترقم التسعمائة وسبعة كذا ٩٠٧ أعنى تضع صفراً في منزلة العشرات لانهم لم توجد في العدد المقروض

وبما سبق تتيسر قراءة أى عدد أقل من ألف اما الاعداد التى فوقها فيلزم تقسيمها الى فصول ثلاثية مبدوءة من اليمين الى اليسار ثم يقرأ كل فصل من اليسار الى اليمين ويذكر اسم أحاده فتقول في قراءة هذا العدد

٣٠٦٠٠١٤٥٠٦

ثلاثة اثنى اليون وستون مليوناً واربعة عشر ألفاً وخمسة وستة (تنبيه) كان للعرب عدد آخر يسمى حساب الجمل وهو ان الحروف الاربعة من الالف الى الطاء اثنين الاحاد ومن الباء الى الصاد العشرات ومن القاف الى الظاء المئات والغين الالف فترقم أى عدد تكتب الحروف بعضها بجانب بعض ولقراءته تضم مقاديرها مثال ذلك (غزال) فتقول الغين بالف والزاي بسبعة والالف بواحد واللام بثلاثين فالعدد المقروض هو ١٠٣٨

(الباب الثانى)

(فى الجمع)

الجمع ضم عددين فأكثر فى عدد واحد يسمى المجموع (١) اذا كان العددان ذوى رقم واحد فنضاف وحدات أحدهما الى الآخر فما كان هو المجموع فتقول فى جمع ٩ و ٣ مثلاً ٩ و ١ يحصل ١٠ و ١ يحصل ١١ و ١ يحصل ١٢ وهو الجواب وبكثرة الاستعمال يتحصل الطالب على معرفة جمع الاعداد من هذا النوع فيقول حالاً ٩ و ٣ يحصل ١٢

(٢) لجمع الاعداد أى كانت كهذه ٩٨٦٢ و ٤٠٤٣ و ٦٩٢ يمكن استعمال القاعدة السابقة ولكن لاجتناب التطويل نستعمل طريقة

أخرى وهى ان ترقم الاعداد على هذه الصورة

$$٩٨٦٢$$

$$٤٠٤٣$$

$$٦٩٢$$

$$١٤٥٩٧$$

أعنى الآحاد تحت الآحاد والعشرات تحت مثلها وهلم جرا ثم تجمع الآحاد فان كان المجموع ٩ أو أقل فترقه تحتها والافترقم آحاده فقط (ان كان فيه آحاد والافضع صفرا) وتحفظ العشرات لتضيفها الى مجموع العشرات فان كان الحاصل ٩ أو أقل رقبته والافترقم عشراته (ان كان فيه عشرات والافارقم صفرا) وتحفظ المئات لتضيفها الى مجموع مثلها وهلم جرا

فمنقول فى مثالنا اثنين وثلاثة ٥ واثنين ٧ فتكتبها تحت عامود الآحاد ثم تنتقل الى العشرات وتقول ستة وأربعة ١٠ وتسعة ١٩ فترقم ٩ وتحفظ واحدا فتنتقل الى عامود المئات وتقول الواحد المحفوظ وثمانية ٩ وستة ١٥ فترقم ٥ وتحفظ واحدا وتقول واحد وتسعة ١٠ وأربعة ١٤ فترقها فالجواب ١٤٥٩٧

(ميزان الجمع)

(٣) الميزان عملية تتحقق بها صحة عملية أخرى وميزان الجمع هو أن تجرى العمل بعكس ما عملت ففي المثال السابق تجمع كل عامود من أسفل الى أعلا فان ساوى المجموع المجموع الاول كان العمل صحيحا والا فلا

(تنبيه) علامة الجمع هكذا + وعلامة التساوى كذا = فيكون

$$١٢ = ٣ + ٩$$

ويلفظ بهذه المتساوية ٩ زائد ٣ يساوى ١٢

(تمرينات)

$$٩١٢ = ٦١٤ + ١٤٠ +$$

$$١٠٢٩٢ = ١٠٠ + ١٧٩ +$$

$$١٣٨٧٠ = ٩٩٤ + ٩٩٧ + ١١٨٧٩$$

(الباب الثالث)

(في الطرح)

الطرح هو اخراج عدد من عددين علم مجموعهما واحدهما
فالاول يسمى القاضل والثاني المطروح منه والثالث المطروح

(١) اذا كان المطروح ذارقم واحد تسقط وحداته من المطروح منه فما كان
هو القاضل ففي طرح ٢ من ١١ مثلاً نقول ١ من ١١ يفضل ١٠
و ١ من ١٠ يفضل ٩ وهو الجواب وبكثرة الاستعمال يتحصل
الطالب على معرفة طرح الاعداد من هذا النوع فيقول حالاً ٢ من ١١
يفضل ٩

(٢) لطرح أى عدد كان من عدد آخر يمكن استعمال القاعدة السابقة ولكن
لاجتناب التطويل نستعمل الطريقة الآتية وهي ان نرقم المطروح تحت
المطروح منه الآحاد تحت الآحاد والعشرات تحت مثلها وهلم جرا ثم تطرح كل
رقم من المطروح مبتدأ من اليمين من الرقم المقابل له في المطروح منه فما كان هو
القاضل مثاله

المطروح منه ٧٩٢٥٨

المطروح ٨٢١٢

القاضل ٧١٠٤٦

فتقول اثنين من ثمانية ٦ وواحد من خمسة ٤ واثنين من اثنين صفرو ثمانية
من تسعة ١ ثم نرقم ٧ كما هي حيث لم يطرح منها شيء

(٣) ان وجد رقم من المطروح أكبر من الرقم المقابل له من المطروح منه كما في
العدد ٥٤ و ٧٣ فتقول حيث لا يمكن طرح ٤ من ٣ نفترض
واحد من ٧ الذي هو عشرات فعوضا عن ٣ آحاد يكون عندنا ١٣
فنطرح منها ٤ فيفضل ٩ وحيث اننا قد استعزنا واحد من ٧ فيصير
هذا العدد ٦ فنطرح ٥ من ٦ ويفضل ١ ويكون الجواب ١٩
مثال آخر

٥٠٨٢

٣٨٩١

 ١١٩١

فقول واحد من اثنين ١ وحيث لا يمكن طرح ٩ من ٨ فنستعير واحدا من الرقم الذي على يساره ولكن هذا الرقم صفر فنقترض واحدا من الرقم التالي له وهو ٥ فعوضا عن الصفر يكون عندنا ١٠ فنأخذ منها واحدا فعوضا عن ٨ يصير عندنا ١٨ نطرح منها ٩ فيفضل ١ وباستعارتنا الواحد من ٥ قد صار هذا الرقم ٤ فنطرح منها ٣ ويفضل ١ فالجواب ١١٩١

(ميزان الطرح)

(٤) هو ان تجمع المطروح والفاضل فان ساوى المجموع المطروح منه كان العمل صحيحا والا فلا

(تنبيه) علامة الطرح كذا - ويلفظ بها ناقص

(تمرينات)

$$٧٩١٨ - ١٤٠٢ = ٦٥١٦$$

$$٩١٢ - ٢٢٧ = ٦٨٥$$

$$٨٠٠١ - ١٣٢ = ٧٨٦٩$$

(الباب الرابع)

(في الضرب)

الضرب تكرار عدد يسمى مضروبا بقدر اعداد عدد آخر يسمى مضروبا فيه ونتيجة الضرب تسمى حاصله ويطلق على المضروب والمضروب فيه العاملان وعلامة الضرب كذا × فيكون

$$٦ = ٢ \times ٣$$

ويلفظ بها ٢ في ٣ يساوي ٦

(١) من الضروري معرفة الحاصل من ضرب اى عددين ذوى رقم واحد احدهما في الآخر ودونك جدول في هذا

$٧ = ١ \times ٧$	$٤ = ١ \times ٤$	$١ = ١ \times ١$
$١٤ = ٢ \times ٧$	$٨ = ٢ \times ٤$	$٢ = ٢ \times ١$
$٢١ = ٣ \times ٧$	$١٢ = ٣ \times ٤$	$٣ = ٣ \times ١$
$٢٨ = ٤ \times ٧$	$١٦ = ٤ \times ٤$	$٤ = ٤ \times ١$
$٣٥ = ٥ \times ٧$	$٢٠ = ٥ \times ٤$	$٥ = ٥ \times ١$
$٤٢ = ٦ \times ٧$	$٢٤ = ٦ \times ٤$	$٦ = ٦ \times ١$
$٤٩ = ٧ \times ٧$	$٢٨ = ٧ \times ٤$	$٧ = ٧ \times ١$
$٥٦ = ٨ \times ٧$	$٣٢ = ٨ \times ٤$	$٨ = ٨ \times ١$
$٦٣ = ٩ \times ٧$	$٣٦ = ٩ \times ٤$	$٩ = ٩ \times ١$
$٨ = ١ \times ٨$	$٥ = ١ \times ٥$	$٢ = ١ \times ٢$
$١٦ = ٢ \times ٨$	$١٠ = ٢ \times ٥$	$٤ = ٢ \times ٢$
$٢٤ = ٣ \times ٨$	$١٥ = ٣ \times ٥$	$٦ = ٣ \times ٢$
$٣٢ = ٤ \times ٨$	$٢٠ = ٤ \times ٥$	$٨ = ٤ \times ٢$
$٤٠ = ٥ \times ٨$	$٢٥ = ٥ \times ٥$	$١٠ = ٥ \times ٢$
$٤٨ = ٦ \times ٨$	$٣٠ = ٦ \times ٥$	$١٢ = ٦ \times ٢$
$٥٦ = ٧ \times ٨$	$٣٥ = ٧ \times ٥$	$١٤ = ٧ \times ٢$
$٦٤ = ٨ \times ٨$	$٤٠ = ٨ \times ٥$	$١٦ = ٨ \times ٢$
$٧٢ = ٩ \times ٨$	$٤٥ = ٩ \times ٥$	$١٨ = ٩ \times ٢$
$٩ = ١ \times ٩$	$٦ = ١ \times ٦$	$٣ = ١ \times ٣$
$١٨ = ٢ \times ٩$	$١٢ = ٢ \times ٦$	$٦ = ٢ \times ٣$
$٢٧ = ٣ \times ٩$	$١٨ = ٣ \times ٦$	$٩ = ٣ \times ٣$
$٣٦ = ٤ \times ٩$	$٢٤ = ٤ \times ٦$	$١٢ = ٤ \times ٣$
$٤٥ = ٥ \times ٩$	$٣٠ = ٥ \times ٦$	$١٥ = ٥ \times ٣$
$٥٤ = ٦ \times ٩$	$٣٦ = ٦ \times ٦$	$١٨ = ٦ \times ٣$
$٦٣ = ٧ \times ٩$	$٤٢ = ٧ \times ٦$	$٢١ = ٧ \times ٣$
$٧٢ = ٨ \times ٩$	$٤٨ = ٨ \times ٦$	$٢٤ = ٨ \times ٣$
$٨١ = ٩ \times ٩$	$٥٤ = ٩ \times ٦$	$٢٧ = ٩ \times ٣$

(٢) ينتج من تعريف الضرب أنه نوع من الجمع فإذا أريد ضرب ٢٥ في ٣ مثلاً يمكن استخراج الحاصل بقاعدة الجمع فتجد

$$\begin{array}{r} 25 \\ 25 \\ 25 \\ \hline 75 \end{array}$$

أعني أن الحاصل هو ٧٥ وأن تأملنا في هذه العملية ترى أن مجموع الآحاد هو ٥ + ٥ + ٥ يعني ٥ مكررة ٣ مرات أي مضروبة في ٣ ونرى كذلك أن مجموع العشرات هو ٢ + ٢ + ٢ يعني ٢ مكررة ٣ مرات أي مضروبة في ٣ فإذا يمكن اختصار العمل بكتابة المضروب مرة واحدة وضرب آحاده ثم عشراته في ٣ بواسطة جدول الضرب فتأخذ العملية هذه الصورة

$$\begin{array}{r} 25 \\ 3 \\ \hline 75 \end{array}$$

وتقول ثلاثة في خمسة ١٥ ترقم ٥ وتحفظ ١ وثلاثة في اثنين ٦ والواحد المحفوظ ٧ فترقها فالحاصل يكون إذا ٧٥ مثال آخر

$$\begin{array}{r} 14502 \\ 9 \\ \hline 130518 \end{array}$$

(٣) إذا كان أحد العاملين ستهياً باصفار من الجهة اليمنى فيقطع النظر عنها ولكن بعد الضرب توضع على يمين الحاصل مثال ذلك إذا أردت ضرب ١٢٣ في ٢٠٠ فاضرب به في ٢ فيحصل ٢٤٦ ثم ضع على يمين هذا العدد صفرين فالجواب ٢٤٦٠٠

(٤) ولضرب عددين أيأ كانا أحدهما في الآخر ضع المضروب فيه تحت المضروب الآخر تحت مثلها وهم جرائم اضرب المضروب مبتدئاً من اليمين في

كل رقم من المضروب فيه ثم ضع الحواصل الناتجة بعضها تحت بعض بحيث ان أول رقم على اليمين يكون في حذاء الرقم الذي ضربت فيه ثم اجمع هذه الحواصل فما كان هو الجواب مثال ذلك

$$\begin{array}{r}
 1723 \\
 402 \\
 \hline
 3246 \\
 4110 \\
 7492 \\
 \hline
 733096
 \end{array}$$

فتضرب أولاً المضروب في ٢ وتضع الحاصل بحيث ان أول رقم على يمينه يكون في حذاء الرقم ٢ ثم تضرب المضروب في ٥ وتضع الحاصل بحيث ان أول رقم على يمينه يكون في حذاء الرقم ٥ ثم تضرب المضروب في ٤ وتضع الحاصل بحيث ان أول رقم على اليمين يكون في حذاء الرقم ٤ وهكذا ثم تجمع الحواصل فتجد ٧٣٣٥٩٦ وهو الجواب (تنبيه) اذا وجدت اصفارين رقيقين من المضروب فيه فلا حاجة الى أن يضرب فيها ومثال ذلك

$$\begin{array}{r}
 3291 \\
 2003 \\
 \hline
 9873 \\
 6582 \\
 \hline
 6591873
 \end{array}$$

(ميزان الضرب)

(٥) هو ان تجمع أرقام المضروب فان كان المجموع ذا رقم واحد رقبه والا فتجمع أرقامه الى أن تجد رقبا واحدا فتقول في المثال الأخير ١ و ٩ يحصل ١٠ و ٢ يحصل ١٢ و ٣ يحصل ١٥ وهو عدد ذورقين فتجمعهما فتجد ٦ فترقبها ثم تجرى هذا العمل على المضروب فيه فتجد ٥ ثم تضرب ٦ في ٥ فتجد ٣٠ وهو عدد ذورقين فتجمعهما فيحصل ٣ فتكتبها ثم تفعل ذلك

على أرقام الحاصل فجد ٣ كما وجدت سابقا فالعمل صحيح وتأخذ العملية هذه الصورة

$$\begin{array}{r|l}
 ٣٢٩١ & ٦ \\
 ٢٠٠٣ & ٥ \\
 \hline
 ٩٨٧٣ & ٣ \\
 ٦٥٨٢ & \\
 \hline
 ٦٥٩١٨٧٢ & ٣
 \end{array}$$

(تمرينات)

$$٤٩٠٣٦ = ٥٢ \times ٩٤٣$$

$$٩٦٣٠٣٦٦ = ٩٧٨ \times ٩٨٤٧$$

$$١٨٤٧١٢٣١ = ٢٠٠١ \times ٩٢٣١$$

(الباب الخامس)

(في القسمة)

القسمة عملية يبحث بها عن مقدار ما يحتوي عليه عدد من عدد آخر والاول يسمى المقسوم والثاني يسمى المقسوم عليه والعدد المطلوب يسمى خارجا

(١) ينتج من هذا التعريف أن القسمة نوع من الطرح فاذا أردت قسمة ١٢ على ٣ مثلا فاطرح منها ٣ فيفضل ٩ ثم اطرح منها ٣ فيفضل ٦ ثم اطرح منها ٣ فيفضل ٣ ثم اطرح منها ٣ فيفضل صفر فعدد الطروح هو الخارج وهو ٤

(٢) يمكن استعمال الطريقة السابقة لقسمة أي عدد على آخر ولكن لاجتناب التطويل تفضل القاعدة الآتية وهي ان ترقم المقسوم عليه على يمين المقسوم هكذا

$$\begin{array}{r|l}
 ٣٧٦٨ & ١٢ \\
 \hline
 \end{array}$$

ثم تفصل على يسار المقسوم أرقاما كافية لتحتوي على المقسوم عليه وتبحث عن عددها ما تحتوي عليه فما كان هو اول رقم من الخارج فترقه تحت المقسوم

عليه ثم تضربه فيه وتطرح الحاصل من العدد الذي فصلته من المقسوم ثم تنزل على عین الباقي أول رقم من أرقام المقسوم التي لم تدخل في المقسوم الجزئي وتجري العمل على هذا المنوال حتى تستعمل كل أرقام المقسوم فتأخذ العملية هذه الصورة

$$\begin{array}{r}
 3768 \quad | \quad 12 \\
 \underline{36} \\
 16 \\
 \underline{12} \\
 48 \\
 \underline{48} \\
 0
 \end{array}$$

وتقول افصل على يسار المقسوم رقمين لان ٣٧ تحتوي على ١٢ ثلاث مرات فارقم ٣ تحت المقسوم عليه واضربه فيه فيحصل ٣٦ فاطرحهما من ٣٧ يفضل ١ ثم أنزل الرقم ٦ على عین الواحد وابحث عن كم مرات ١٦ تحتوي على ١٢ فاجد انها تحتوي عليها مرة واحدة فارقم ١ على عین ٣ تحت المقسوم عليه واضربه فيه فيحصل ١٢ فاطرحهما من ١٦ يفضل ٤ ثم أنزل الرقم ٨ فارى ان ٤٨ تحتوي على المقسوم عليه أربع مرات فارقم تحته ٤ واضربه فيه واطرح الحاصل ٤٨ من الفاضل الثاني فلا يبقى شئ فان الخارج المطلوب هو ٣١٤

(٣) اذا كان أحد المقاسيم الجزئية أقل من المقسوم عليه فقبل تنزيل رقم آخر بوضع صفري في الخارج وفي قسمة أحد المقاسيم الجزئية اذا أخذ رقم أكبر أو أصغر من رقم الخارج الحقيقي فيتضح الاول متى كان حاصل ضرب المقسوم عليه في ذلك الرقم أكبر من المقسوم الجزئي ويتضح الثاني متى كان الفاضل من طرح الحاصل المذكور من المقسوم الجزئي مساويا للمقسوم عليه أو أقل منه واذا لم يفضل شئ في آخر طريقة كما في المثال السابق يدل الخارج على كم مرات يحتوي المقسوم على المقسوم عليه بالتمام وان بقي شئ كما في هذا المثال

$$\begin{array}{r|l}
 ٦٧٢٦٧ & ٣٠٧ \\
 ٦١٤ & ٢١٩ \\
 \hline
 ٥٨٦ & \\
 ٣٠٧ & \\
 \hline
 ٢٧٩٧ & \\
 ٢٧٦٣ & \\
 \hline
 ٣٤ &
 \end{array}$$

يكون الخارج وهو ٢١٩ أقل من الخارج الحقيقي وسترى كيفية العمل في هذه الحالة لا يجاده بالتام

(تنبيه) يمكن اختصار عملية القسمة بطرح الأعداد من غير كتابتها فتقول في المثال الأخير بعد تعيين أول رقم من الخارج ٢ في ٧ يحصل ١٤ وحيث لا يمكن طرحها من ٢ نستعير واحدتين من الرقم الذي على اليسار فنطرح ١٤ من ٢٢ فيفضل ٨ فترقها وتحفظ الاثنين ثم نقول ٢ في صفر يحصل صفر و ٢ أنحفوظة يحصل ٢ فنطرحها من ٧ ونزقم الفاضل ٥ تحتها ثم نضرب الخارج ٢ في ٣ فيحصل ٦ فنطرحها من ٦ فيفضل صفر فنزل الرقم ٦ من المقسوم على يمين الباقي ٥٨ ثم نجرى العمل على هذا المتوال فتأخذ العملية هذه الصورة

$$\begin{array}{r|l}
 ٦٧٢٦٧ & ٣٠٧ \\
 ٥٨٦ & ٢١٩ \\
 \hline
 ٢٧٩٧ & \\
 ٣٤ &
 \end{array}$$

(ميزان القسمة)

(٤) هو أن تجمع أرقام كل من المقسوم عليه والخارج والباقي كما تقدم في ميزان الضرب ففي المثال السابق تجد ١ و ٣ و ٧ فنضرب العدد الأول في الثاني وتضيف الثالث إلى الحاصل فيحصل ١٠ وبالجمع ١ ثم تجمع أرقام المقسوم فتجد ١ أيضا فالعمل صحيح

(تنبيه)

(تنبيه) علامة القسمة هكذا : فيكون $١٨ : ٩ = ٢$ وهكذا أيضا

$$٢ = \frac{١٨}{٩}$$

(عمرينات)

$$٩٤٣ = ٥٢ : ٤٩٠٣٦$$

$$٢٠٢ = ٩٣٥ : ١٨٨٨٦٠$$

$$٦٠٣٠ = ٢٦٨٥ : ١٦١٩٠٥٥٠$$

(مسائل محولة)

المسئلة الحسابية هي طلب استخراج عدد أو جملة أعداد مجهولة بواسطة اعداد معلومة

(المسئلة الاولى) رجل يربح ٧٥٠ قرشاً في الشهر و ابنه الاكبر ٥٢٥ قرشاً و ابنه الثاني ٤٥٦ قرشاً و الثالث ٢٦٦ قرشاً فكم يربحون جميعاً في الشهر

لحل هذه المسئلة يكفي جمع الاعداد المقروضة

$$\begin{array}{r} ٧٥٠ \\ ٥٢٥ \\ ٤٥٦ \\ ٢٦٦ \\ \hline ١٩٩٧ \end{array}$$

فالجواب ١٩٩٧ قارش

(الثانية) رجل ولد سنة ١٢٢٣ ومات في سنة ١٢٨٤ فكم عاش من السنين اطرح تاريخ ولادته من تاريخ وفاته

$$\begin{array}{r} ١٢٨٤ \\ ١٢٢٣ \\ \hline ٦١ \end{array}$$

فعاش ٦١ سنة

(الثالثة) كتاب يحتوي على ٥٦٤ صحيفة وكل صحيفة فيها ٣٧ سطراً فكم سطراً في الكتاب

اضرب العدد الاول في الثاني

$$\begin{array}{r} ٥٦٤ \\ ٣٧ \\ \hline ٣٩٤٨ \\ ١٦٩٢ \\ \hline ٢٠٨٦٨ \end{array}$$

فالجواب ٢٠٨٦٨ سطرا

(الرابعة) أجرة بيت تبلغ ١١٤٧٢ قرشا في السنة فكم أجرته في الشهر
نقسم عدد القروش على عدد الشهور التي في السنة أي على ١٢

$$\begin{array}{r} ١١٤٧٢ \\ ١٢ \\ \hline ٩٥٦ \\ ٦٧ \\ ٧٢ \\ \cdot \end{array}$$

فالجواب ٩٥٦ قرشا

(مسائل منشورة)

(١) الأرض في دورانها حول الشمس تقطع ٧١٠٠٠ ميلا في الساعة وتتم دورتها في سنة واحدة أي في ٣٦٥ يوما وكل يوم ٢٤ ساعة فكم ميل تقطعه في السنة

(الجواب) ٦٢١٩٦٠٠٠٠ ميلا

(٢) رجل اشترى ١٢٥ زراعا جونا بسعر ٤٥ قرشا الذراع ودفع نقدا ٣٥٦ قرشا فما الباقي عليه

(الجواب) ٥٤٦٩ قرشا

(٣) رجل باع بيتا له بمبلغ قدره ٦٩٣ جنيا وبستانا بمبلغ ٢٧٥ جنيا ووزع الثمن على أولاده الأربعة فكم نصيب كل منهم

(الجواب) ٢٤٢ جنيا

(الباب السادس)

(في الكسور العشرية)

(الفصل الاول)

(تعريفات)

(١) قد تقدم الكلام على كيفية قياس الكميات وهي أن يبحث عن عدد مرات ما يحتوي عليه الكم من الوحدة فإن احتوى عليها ٦ مرات مثلا وبقي منه شيء أقل من الواحد فتجزء الوحدة الى عشرة أجزاء متساوية تسمى أعشارا ثم يقارن الباقي المذكور بجزء منها فإن احتوى على ٨ أجزاء مثلا بدون باق كان مقدار الكم ٦ صحاح و ٨ أعشار وان بقي شيء يقسم العشر الى عشرة أجزاء متساوية أيضا تسمى الاجزاء من المئة (لان تقسيم الوحدة الى ١٠ أجزاء ثم كل جزء الى ١٠ كتقسيمها من ابتداء الامر الى ١٠٠ جزء) ثم يقارن الباقي الثاني بجزء من المئة فإن احتوى على ٥ منها مثلا كان مقدار الكم ٦ صحاح و ٨ أعشار و ٥ من المئة أو ٦ صحاح و ٨٥ من المئة

العدد الاعشارى هو ما تركب من صحاح ومن أجزاء الوحدة
(٢) بما ذكر يمكن قياس اية كمية أصغر من الواحد ولذا يكفي مقارنتها بجزء من أجزاء الوحدة
الكسر الاعشارى هو ما احتوى على أجزاء الوحدة بدون صحاح ومثال ذلك ٨٥ من المئة

(٣) قد تقدم ان كل رقم وضع على يمين رقم آخر يدل على وحدات أصغر من وحدات الثانى بعشر مرات وهذه القاعدة تجرى على الاعداد الاعشارية أيضا فالمرتبة الاولى على يمين الآحاد هي منزلة الاعشار والثانية منزلة الاجزاء من المئة والثالثة منزلة الاجزاء من الالف وهلم جرا ولكن لتمييز الصحاح من الكسور ينبغي وضع فاصلة بينهما فالاستة صحاح و ٢٨ من المئة ترقيم هكذا ٦,٢٨ وإذا كان العدد كسرا اعشاريا يوضع صفرا في منزلة الصحاح فالستة أعشار تكتب كذا ٠,٦

(٤) ينتج عما ذكر انه اذا رقت جملة أصفار على يمين عدد اعشارى فلا تتغير قيمته وبالعكس اذا كان على يمينه عدة أصفار فيمكن حذفها والعلف في ذلك هو ان ٤ اعشار مثلا هي مثل ٤٠ من المئة ومثل ٤٠٠ من الالف فالاعداد ٤,٢ و ٤٠٠

و ٢٤٠٠ و ٢٤٠٠ كلهما واحدة

(الفصل الثاني)

(في الجمع)

(١) لجمع الأعداد العشارية أرقها بحيث أن الوحدات المتحدة النوع تكون متماثلة أعني أن العشار تحت العشار وأجزاء المئمة تحت مثلها وهم جرا ولذا يكفي أن تضع القواسم بعضها تحت بعض ثم اجر العمل كما تقدم في الصحاح واقطع بفاصلة من بين المجتمعة أرقاماً بقدر عدد أرقام أكبر كسر ومثال ذلك

$$\begin{array}{r} ٨,١٠٣٩١ \\ ٣,٦١ \\ \hline ٠,٣١٢٤ \\ \hline ١٢,٠٢٦٣١ \end{array}$$

(في الطرح)

(٢) قاعدة الطرح هي أن تزيد أصغر أرقاماً على عين أحد العددين لتكون غدة المنازل فيه. ما واحدة ثم ترقم المطروح تحت المطروح منه متمازى الفاصلتين وتجري العمل كما في الصحاح ثم تفصل من الفاضل أرقاماً بقدر أرقام أحد الكسرين ومثاله

$$\begin{array}{r} ٤,١٩٣ \\ ٠,٦١٥ \\ \hline ٣,٥٧٨ \end{array}$$

مثال آخر إذا أردت طرح ١,٠٩١ من ٥,٦ فزد صفيرين على عين المطروح منه واجر العمل كما سبق

$$\begin{array}{r} ٥,٦٠٠ \\ ١,٠٩١ \\ \hline ٤,٥٠٩ \end{array}$$

(في الضرب)

(٣) تجري عملية الضرب كما في الصحاح بقطع النظر عن الفاصلة ثم تفصل من بين

الحاصل أرقاماً اعشارية بقدر ما يوجد منها في العاملين ومثاله

$$\begin{array}{r} ٣٢٩ \\ ١٢ \\ \hline ٦٥٨ \\ ٣٢٩ \\ \hline ٣٩,٤٨ \end{array}$$

مثال آخر

$$\begin{array}{r} ١٣,٤٦١ \\ ٠,٢٥ \\ \hline ٦٧٣٠٠ \\ ٢٦٩٢٢ \\ \hline ٣,٣٦٥٢٥ \end{array}$$

وإذا كانت أرقام الحاصل أقل من الأرقام الاعشارية في العاملين فزد إلى يساره أصفاراً للتسوية بينهم نحو

$$\begin{array}{r} ٠,١٠٩ \\ ٠,٢ \\ \hline ٠,٢١٨ \end{array}$$

(تنبيه) لضرب عدد اعشاري في ١٠ أو في ١٠٠ أو في ١٠٠٠ وما أشبه ذلك يكفي تقديم الفاصلة إلى يمينه بقدر الأصفار الموجودة في المضروب فيه مثال ذلك

$$\begin{aligned} ١٧,٢ &= ١٠ \times ١,٧٢ \\ ٢١٣,٥٣ &= ١٠٠ \times ٢,١٣٥٣ \\ \text{وان لم تكن الأرقام كافية فزد على يمين المضروب أصفاراً مثال ذلك} \\ ١٧٢٠٠ &= ١٠٠٠ \times ١٧,٢ \\ ٢٥٣٠٠٠ &= ١٠٠٠٠ \times ٢٥,٣ \end{aligned}$$

(في القسمة)

(٤) قاعدة القسمة هي ان تزيد أصفاراً على يمين أحد العددين لتكون عدة

المنازل فيها واحدة ثم تقطع النظر عن الفاصلة وتجري العمل كما في الصحيح
مثال ذلك ان قيل اقسام ٣٨١ على ١٥٢٤ فرد صفرين على عین المقسوم
فتأخذ العملية هذه الصورة

$$\begin{array}{r} 38100 \\ 3048 \\ \hline 7620 \\ 7620 \\ \hline 0 \end{array} \quad \begin{array}{r} 1524 \\ 20 \end{array}$$

مثال آخر ان قيل اقسام ١٣٢٠٧ على العدد الصحيح ٢٩ فجعل الصحيح
اعشاريا بوضع صفرين على عينه هكذا ٢٩٠٠ ثم تجري العمل كما سبق

$$\begin{array}{r} 13207 \\ 11600 \\ \hline 1607 \end{array} \quad \begin{array}{r} 2900 \\ 4 \end{array}$$

(تنبيه) لقسمة عدد اعشاري على ١٠ أو ١٠٠ أو ١٠٠٠ أو على
ما شاء كلها يكفي تأخير الفاصلة الى اليسار بقدر أصفار المقسوم عليه
مثال ذلك

$$1,236 = \frac{1236}{10}$$

$$0,01236 = \frac{1236}{10000}$$

(تنبيه) موازين العمليات على الاعداد الاعشارية هي عين موازين العمليات
على الصحيح

(تجربات)

$$16,123 = 15,91 + 0,213$$

$$7,80935 = 1,24115 - 9,100$$

$$0,0189 = 0,21 \times 0,09$$

$$3,001 = 0,9003 : 0,3$$

(الفصل الثالث)

(ملحقة بقسمة الاعداد الصحيحة)

قد تقدم لنا في الباب السابق انه في قسمة الصحاح اذا بقي شئ في آخر طرحة يكون خارج القسمة أقل من الخارج الحقيقي ففي بعض الاحيان يمكن ايجاده على صورة اعشارية ليكن مثلاً ٢٦١٤ مقسوماً على ٢٥ فتجري العمل حتى تجد الباقي ١٤

$$\begin{array}{r}
 2614 \\
 25 \overline{) 114} \\
 \underline{100} \\
 140 \\
 120 \overline{) 140} \\
 \underline{100} \\
 40 \\
 25 \overline{) 40} \\
 \underline{25} \\
 15
 \end{array}$$

ثم نقول الباقي المذكور هو ١٤ آحاد وكل آحاد عشر عشرات فالباقي اذا يعادل ١٤٠ اعشاراً فترقم صفراً على عشرين ١٤ ثم تقسم ١٤٠ اعشاراً على ٢٥ فالخارج يكون ضرورة اعشاراً أيضاً فتضع فاصلة على عشرين الخارج ١٠٤ وتقول ١٤٠ تحتوي على ٢٥ خمس مرات فترقم ٥ على عشرين الفاصلة وتجري العمل كما هو معلوم فتجد الباقي ١٥ الذي هو ضرورة اعشاراً أيضاً ويعادل ١٥٠ جزءاً من المئة فتضع صفراً على عشرين وتقسمه على ٢٥ فتجد الخارج ٦ وباقي معدوم فالخارج الحقيقي هو اذاً ١٠٤,٥٦

فالقاعدة العمومية هي ان تضع فاصلة على عشرين العدد الصحيح من الخارج وترقم صفراً على عشرين الباقي وتقسمه على المقسوم عليه فخرج هو رقم الاعشار ثم تضع صفراً على عشرين الباقي الثاني ان كان فيه صيراً جزءاً من المئة وتقسمه على المقسوم عليه فخرج فهو رقم الاجزاء من المئة وهكذا حتى تصل الى باق معدوم أو الى منزلة مطلوبة

وهذا يتيسر لنا قسمة أى عدد على عدداً كبير منه ليكن مثلاً المرام تقسيم ٥
فرنكات على ٨ أشخاص فنقسم ٥ على ٨

$$\begin{array}{r}
 ٥٠ \\
 ٤٨ \overline{) ٥٠} \\
 \underline{٢٠} \\
 ١٦ \\
 \underline{٤٠} \\
 ٤٠ \\
 \underline{٠}
 \end{array}$$

وتقول ٥ لا تحتوى على ٨ فتضع صفراً في الخارج عوضاً عن الصراح وعلى
يمينه فاصلة ثم تجعل الخمسة فرنكات أعشاراً أعنى تضع على يمينها صفراً وتقول
٥٠ تحتوى على ٨ ستة مرات فترقم ٦ على يمين الفاصلة وتجري العمل
كما تقدم فتجد أنه يخص كل شخص ٦٢٥ جزاً من ألف وبعبارة أخرى
٥٠٦٢٥ هو الخارج من قسمة ٥ على ٨
(تنبيه) كثيراً ما القسمة تمتد إلى ما لا نهاية أعنى لم يوجد لها خارج حقيقي
مثال ذلك ان قسمت ٥ على ٣ فتجد

$$\begin{array}{r}
 ٥ \\
 ٣ \overline{) ٥} \\
 \underline{٣} \\
 ٢٠ \\
 ١٨ \\
 \underline{٢٠} \\
 ١٨ \\
 \underline{١٨} \\
 ٢
 \end{array}$$

الخ
(تنبيه) لم تنته القسمة اذا ظهر باق واحد مرتين
(مسائل محلولة)

(الاولى) برعنة ٨٧ أمتار وطول جزئه الفارغ ١٢٥ أمتار فما

عق الما

تطرح العدد الثاني من العدد الاول فتجد ٣,٥٨ وهو الجواب
(الثانية) ثلاث عصى طول الاولى ١,٣٨ مترا والثانية أطول منها بمقدار
٠,٢٨٦ والثالثة أقصر من الاولى بمقدار ٠,٤٥ مترا فطول المجموع
حيث ان الثانية أطول من الاولى بمقدار ٠,٢٨٦ فطولها هو

$$١,٦٥٦ = ١,٣٧ + ٠,٢٨٦$$

وحيث ان الثالثة أقصر من الاولى بمقدار ٠,٤٥ فطولها

$$٠,٩٢ = ١,٣٧ - ٠,٤٥$$

فيكني اذا جمع الاعداد

$$١,٣٧$$

$$١,٦٥٦$$

$$٠,٩٢$$

$$\hline ٣,٩٤٦$$

فالجواب ٣,٩٤٦ امتار

(الثالثة) قطعة أرض مساحتها ٦ هكتار و٢٣ آر و١٦ ساتيوار
ومقسومة الى أربعة أقسام متساوية فمساحة كل قسم
فقول ٦ هكتار هي مثل ٦٠٠٠٠ متر مربع (راجع جدول الاقيسة في آخر
الكتاب) و٢٣ آر مثل ٣٢٠٠ متر مربع و١٦ ساتيوار مثل ١٦
متر مربع فمساحة القطعة كلها ٦٢٣١٦ متر مربع فمساحة ربعها هي الخارج
من قسمة العدد الاخير على ٤ وهو ١٥٥٧٩ متر مربع أعنى هكتار
و٧٩ ساتيوار

(مسائل منشورة)

(١) تاجر اشترى قماشاً بمبلغ قدره ١٧,٩٠ فرنكا ودفع ١,٧١٥ فرنكا
لنقله الى محله ثم دفع ٠,٩٣٥ فرنكا رسم الجمرک فيما يلزم ان يبيعه ليربح
٢,٤٠ فرنك

(الجواب) ٢٢,٩٥ فرنكا

(٢) ماله عدد الذي يلزم اضافته الى مجموع الاعداد ١,٠٠ و ٢١,٢٦٨
٤٣٢,٦١٩٦ ليكون المجموع الكلى ٥٠٠

(الجواب) ٣٥,٠٥٢٣

(٣) تاجر باع ١٧٠ متراجوا بسعر المتر ٨٥,٠ فرنكا و ٢٥٠ مترا
من نوع آخر بسعر المتر ١,٣٥ و ٣٢٠ مترا من نوع ثالث بسعر المتر ٢,٤٣
فرنك فكمقدار الفرنكات التي باع بها

(الجواب) ٢٢٢٣,٧٥ فرنكا

(٤) تاجر اشترى ١٨ دوزينة زجاجات بسعر الدوزينة ٦,٢٥ فرنكات وفي
نقلها الى مكانه انكسرت ١٨ زجاجة فبأى سعري يبيع الدوزينة لتربح من
بيع الباقي من الزجاجات ٢١,٧٥ فرنكا

(الجواب) ٦,٧٤٥ فرنكات

(٥) انشاءوا طريقا في أربع سنين ففي السنة الاولى اشتغلوا ٣ ميريامترات
وكيلو مترين و ٣ ديكامترات وفي الثانية اشتغلوا ميريامترين و ٦ هكتومترات
و ٨ أمتار وفي الثالثة ميريامتر و ٧ كيلومترات و ٨ هكتومترات وفي
الرابعة ٩ كيلومترات و مترين فما طول الطريق بالمتر

(الجواب) ٧٩٤٦٠ مترا

(الباب السابع)

(في بعض خواص عامة للاعداد)

(تعريفات) اذا قسم عدد على آخر وكان الخارج صحيحا بدون باق يقال ان العدد
قابل القسمة على العدد الآخر مثال ذلك ٢١ فانه قابل القسمة على ٤

فاسم عدده هو عدد يقسمه بدون باق نحو ٤ فانه يقسم ١٢ بدون باق وقاسم
عددين المشترك هو عدد يقسمهما بدون باق نحو ٣ فانه يقسم ١٢ و ٦
بدون باق

مكرر عدد هو عدد يقبل القسمة عليه مثاله ١٢ فانه يقبل القسمة على ٣
فهو مكرر لها

العدد الاول هو الذي لا يقبل القسمة الا على نفسه مثاله ٢ و ٣ والعددين
اثنين هما اللذان لا يقبلان القسمة على عدد واحد مثال ذلك ٤ و ٩

العددان المتوافقان هما اللذان يقبلان القسمة على عدد واحد مثال ذلك ٤

و ٦١ فانهما يقبلان القسمة على ٢

العدد الزوجي هو الذي يقبل القسمة على ٢ نحو ٢ و ٨ و ٥٤

العدد الفردى هو الذي لا يقبل القسمة على ٢ نحو ٣ و ٩ و ٤٥

(الخاصية الاولى) كل عدد يقسم عددين فاكثرفهو يقسم مجموعهما مثال ذلك

٣ فانه يقسم ٦ و ٩ فيقسم مجموعهما ٦ + ٩ أى ١٥

(الثانية) كل عدد يقسم عددا آخر فيقسم جميع مكرراته مثله ٢ فانه يقسم ٤

فيقسم ٤ × ٥ ايضا أى ٢٠

(الثالثة) العدد يقبل القسمة على ٢ اذا كان منتهيا من جهة اليمين بصفر أو

برقم زوجى مثاله ٣٠ و ٨٠ وسبب ذلك هو ان العدد الاول عشرات فيقبل

ضرورة القسمة على ٢ لان العشرة عبارة عن ٢ × ٥ واما الثانى فيمكن

تحليله هكذا ٨ + ٥٠ أعنى الى جزئين قابلين القسمة على ٢ فهو يقبل

القسمة على ٢ أيضا

(الرابعة) العدد يقبل القسمة على ٥ اذا كان منتهيا من جهة اليمين بصفر

او بالرقم ٥ مثاله ٢٠ و ٧٥

(الخامسة) العدد يقبل القسمة على ٩ اذا كان مجموع أرقامه قابل القسمة

على ٩ مثاله ٨١٣٦ فان مجموع أرقامه ١٨ يقبل القسمة على ٩

والعلة في ذلك هي ان الاعداد ١٠ و ١٠٠ و ١٠٠٠ وماشا كلها كلها

مكررات ٩ زائد عليها واحد لان

$$١ + ٩ = ١٠$$

$$١ + ٩٩ = ١٠٠$$

$$١ + ٩٩٩ = ١٠٠٠$$

فنتج من ذلك ان كل رقم على عينه أصفار فهو مكرر ٩ زائد ذلك الرقم

مثال ذلك

$$٤ + ٤ \times ٩ = ٤٠$$

$$٤ + ٤ \times ٩٩ = ٤٠٠$$

$$٤ + ٤ \times ٩٩٩ = ٤٠٠٠$$

فإذا اعتبرنا العدد المفروض ٨١٣٦ يمكن تحليله كذا

$$٨ + ٩ \text{ مكرر} = ٨٠٠٠$$

$$١ + ٩ \text{ مكرر} = ١٠٠$$

$$٣ + ٩ \text{ مكرر} = ٣٠$$

$$٦ = ٦ \quad \bullet$$

فبضم هذه الاجزاء يتركب العدد ثانيا ولنا

$$٨١٣٦ = \text{مكرر } ٩ + (٦ + ٣ + ١ + ٨)$$

فنرى انه مركب من جزئين اولهما مكرر ٩ فهو قابل القسمة على ٩ فان قبل الثاني القسمة عليها كان العدد المفروض يقبل القسمة على ٩ أيضا حسب الخاصية الاولى والا فلا

(تنبيه) اذا كان مجموع أرقام عددم يقبل القسمة على ٩ فباقي بعد اسقاط التسعات منه هو ضرورة مثل الباقي من قسمة العدد على ٩ مثال ذلك اذا جمعت أرقام العدد ١١٣٦ وأسقط من المجموع تسعة فيبقى ٢ واذا قسمت العدد المفروض على ٩ فيبقى ٢ أيضا

(السادسة) العدد يقبل القسمة على ٣ اذا كان مجموع أرقامه يقبل القسمة على ٣

لان كل عدد مكرر ٩ فهو مكرر ٣ أيضا فينتج من الخاصية السابقة ان كل عدد فهو مكرر ٣ زائد مجموع أرقامه

(السابعة) اذا قسمت جملة أعداد على عدد واحد ثم جمعت البواقي فان المجموع مثل ما يبقى من قسمة مجموع الاعداد على العدد المفروض مثال ذلك اذا قسمت ١١ و ١٤ و ١٩ على ٩ فيبقى ٢ و ٥ و ١ ومجموعها ٨ ثم ان جمعت الاعداد المفروضة وقسمت المجموع وهو ٤٤ على ٩ كان الباقي ٨ أيضا

(الثامنة) اذا قسمت عددين على عدد واحد ثم طرحت الباقي الاصغر من الاكبر يبقى عددمثل الباقي من قسمة فاضل العددين على العدد المفروض مثال ذلك اذا قسمت ١١ و ٢٦ على ٩ فيبقى ٢ و ٨ واذا طرحت ٢ من ٨ يفضل ٦ ثم ان طرحت ١١ من ٢٦ وقسمت الفاضل وهو ١٥

على ٩ كان الباقي ٦ أيضا

(الباب الثامن)

(في الكسور الاعتيادية)

(الفصل الاول)

(١) الكسر هو جزء أو أجزاء من الوحدة المنقسمة الى جملته أجزاء متساوية
نفرض تفاحة مثلاً مقسومة ثلاثة أقسام متساوية فكل جزء منها ثلث وجزءان
منها ثلثان والثلاثة أجزاء هي التفاحة الواحدة وكذلك يمكن تقسيمها ٧ أجزاء
متساوية أو ٨ أو ٩ فكل من هذه الأجزاء يسمى سباعاً وثماناً وتسعاً وإذا
انقسمت جزءين فقط يسمى كل منهما نصفاً

فينتج من هذا انه للتعبير عن كسر يلزم عددان أحدهما يدل على عدد الأجزاء التي
انقسم اليها الواحد والاخر يدل على كم أجزاء أخذت منها فالاول يسمى مقاماً
والثاني بسطاً ويرقم الكسر بكلمة البسط على المقام فترقم الثلثين كذا $\frac{2}{3}$ فنقرأ
الكسور $\frac{3}{7}$ و $\frac{1}{8}$ و $\frac{9}{5}$ ثلاثة أسباع وثمان وخمسة أسباع وإذا كان المقام
أكبر من عشرة يكفي الكسور

$$\frac{1}{11} \text{ و } \frac{2}{13} \text{ و } \frac{4}{17}$$

يقال واحد من احد عشر واثنان من ثلاثة عشر وأربعة من سبعة عشر
وهكذا

(٢) اذا كان البسط أصغر من المقام تكون قيمة الكسر أقل من واحد ونحو
 $\frac{2}{9}$ وهو الكسر الحقيقي وإذا كان البسط أكبر من المقام تكون القيمة أكبر
من الواحد ونحو $\frac{5}{4}$ ويقال له العدد الكسري وبيان ذلك نفرض ثلاث
تفاحات كل منها منقسمة الى أربعة ارباع فمجموع الأجزاء كلها ١٢ وإذا
أخذنا منها ٧ أو ٩ أو ١١ جزءاً فبعضها بالكسور $\frac{7}{4}$ و $\frac{9}{4}$ و $\frac{11}{4}$
التي مقامها أصغر من بسطها

(٣) الكسر يدل أيضاً على الخارج من قسمة البسط على المقام

أقول مثلاً ان قيمة الخارج من قسمة ٣ على ٧ كقيمة ثلاثة أسباع من الواحد لان سبع الواحد أقل منه ٧ مرات فثلاثة أسباع أقل ٧ مرات من ٣ وحدات وكذلك الخارج من قسمة ٣ على ٧ أقل من ٣ وحدات ٧ مرات فالقيمتان متساويتان فاذا يمكن بيان قسمة ٣ على ٧ هكذا $\frac{3}{7}$ كما ينبغي على ذلك في الباب الخامس

(تنبيه) ينبغ كما ذكرناه في قسمة عدد على آخر اذا بقي شيء يمكن جعله بسطاً والمقسوم عليه مقاماً ثم اضافة الكسر الناتج الى الخارج فاكاذ هو الخارج الحقيق مثال ذلك

$$\begin{array}{r} 16 \quad | \quad 3 \\ 10 \quad | \quad 0 \frac{1}{3} \\ \hline 1 \end{array}$$

(٤) اذا ضربت حدى كسر في عدد واحد فلا تتغير قيمته مثال ذلك اذا ضربت حدى الكسر $\frac{2}{3}$ في ٣ هكذا $\frac{2}{3} \times 3 = 2$ فلا تتغير قيمة الكسر اذ ضرب البسط في ٣ تزيد قيمة الكسر ٣ مرات وبضرب مقامه في ٣ تنقص القيمة ٣ مرات فبضرب الاثنين لا يحصل تغير فيه وكذلك اذا قسمت حدى كسر على عدد واحد فلا تتغير قيمته

(الفصل الثانى)

(١) فى الاختزال - هو تحويل كسر بدون ان تتغير قيمته الى كسر آخر يكون حده متباينان وكيفية ان تقسم الحدين بقواسمه المشترك حتى تصل الى عددين متباينين مثال ذلك $\frac{12}{42}$ فتقسم البسط والمقام على ٦ فيخرج $\frac{2}{7}$ ثم تقسم حدى هذا الكسر على ٣ فتجد $\frac{2}{7}$ وهو مختزل الكسر المقروض

(٢) فى النجيس - هو تحويل كسر الى مقام مشترك بحيث لا تتغير قيمتها والعمل فى ذلك ان تضرب حدى كل منهما فى حاصل ضرب مقامات الكسور الاخرى ليكون مثلاً $\frac{2}{9}$ و $\frac{7}{13}$ فتضرب حدى الكسر الاول فى ١٣ فيحصل $\frac{92}{117}$ ثم تضرب حدى الثانى فى ٩ فتجد $\frac{54}{117}$

مثال آخر لتكن الكسور $\frac{2}{3}$ و $\frac{4}{5}$ و $\frac{3}{7}$ و $\frac{5}{8}$ فيقتضى القاعدة يؤل

الاول الى

$$\frac{280}{420} = \frac{4 \times 7 \times 0 \times 2}{4 \times 7 \times 0 \times 3}$$

والثاني الى

$$\frac{336}{420} = \frac{4 \times 7 \times 3 \times 4}{4 \times 7 \times 3 \times 0}$$

والثالث الى

$$\frac{360}{420} = \frac{4 \times 0 \times 3 \times 6}{4 \times 0 \times 3 \times 7}$$

والرابع الى

$$\frac{310}{420} = \frac{7 \times 0 \times 3 \times 3}{7 \times 0 \times 3 \times 4}$$

(٣) في الضرب - هو تحويل صحيح وكسر الى عدد كسري

ليكن مثلاً $\frac{4}{3}$ أى ٣ صحاح وأربعة أخماس فتقول الواحد يحتوى على ٥ أخماس فالثلاثة وحدات تحتوى على ٣ × ٥ أى ١٥ خساً فإذا أضفنا اليها الأربعة أخماس يكون المجموع $\frac{19}{3}$ فالقاعدة ان تضرب الصحيح في مقام الكسر وتضيف البسط الى الحاصل فما كان نجعله بسطاً على المقام الاصلى

(٤) في الرفع - هو اخراج الصحاح من عدد كسري

ليكن مثلاً $\frac{40}{7}$ فتقول الواحد يشتمل على ٧ اسباع والعدد المقروض يحتوى على ٤٥ سبعا فهو اذاً يحتوى على الواحد الصحيح بتدريماً تحتوى ٤٥ على ٧ اما ٤٥ فهي تحتوى على ٧ ست مرات ويبقى على ٣ اسباع فالعدد $\frac{40}{7}$ اذاً مثل $6 \frac{3}{7}$

فالقاعدة ان تقسم البسط على المقام ثم تضيف الى الخارج الصحيح كسراً يكون بسطه باقى القسمة ومقامه المقام الاصلى

(في تحويل الكسور الاعشارية الى كسور اعتيادية)

(٥) ارقم العدد الاعشارى بغير فاصلة واجعله بسطاً وضع تحته واحداً باصفار على يمينه بقدر عدد الارقام الاعشارية ثم اختزل ان أمكن ذلك مثال ذلك

$$\frac{731}{1000} = 0,731$$

$$\frac{34}{100} = 0,34 \text{ وبالاختزال } \frac{17}{50}$$

(الفصل الثالث)

(في العمليات على الكسور الاعتيادية)

(١) في الجمع - اذا كانت الكسور متحدة المقام فاجمع بسوطها واجعل المجموع بسطا على المقام المشترك مثال ذلك

$$\frac{10}{5} = \frac{2}{5} + \frac{4}{5} + \frac{4}{5} \quad \text{وبالرفع } \frac{1}{3} + \frac{2}{3}$$

واذا كانت الكسور مختلفة المقام فاختر لها وجنسها ثم اجمع البسوط كما تقدم

$$\text{مثال ذلك} \quad \frac{2}{9} + \frac{3}{6}$$

$$\text{بالاختزال} \quad \frac{1}{3} + \frac{1}{2}$$

$$\text{بالتجنيس والجمع} \quad \frac{5}{6} = \frac{2}{3} + \frac{3}{6}$$

$$\text{مثال آخر} \quad \frac{12}{12} + \frac{8}{10} + \frac{4}{6}$$

$$\text{بالاختزال} \quad \frac{7}{7} + \frac{4}{5} + \frac{2}{3}$$

بالتجنيس والجمع والرفع

$$2 \frac{24}{10} = \frac{244}{10} = \frac{90}{10} + \frac{84}{10} + \frac{70}{10}$$

واذا كانت صحاح مع الكسور فاجمع الكسور وارفع المجموع ثم اجمع كل الصحاح مثال ذلك

$$1 \frac{1}{3} + 4 \frac{3}{5} + 2 \frac{1}{6}$$

فاجمع الكسور

$$1 \frac{13}{30} = \frac{1}{3} + \frac{3}{5} + \frac{1}{6}$$

ثم الصحاح

$$8 = 1 + 1 + 4 + 2$$

فالمجموع المطلوب هو $8 \frac{13}{30}$

(تنبيه) ضرورة تجنيس الكسور في الجمع هو انه لا يمكن الا جمع اشياء من نوع واحد

(٢) في الطرح - اذا كان الكسران ذوى مقام واحد فاطرح بسط المطروح من بسط المطروح منه واجعل الفاضل بسطا على المقام المشترك

مثال ذلك $\frac{2}{5} = \frac{2}{5} - \frac{0}{5}$
 وإذا كانا مختلفي المقام فنقسم ما ثم اطرح كما ذكر
 مثال ذلك

$\frac{1}{10} = \frac{14}{10} - \frac{10}{10} = \frac{4}{10} - \frac{2}{5}$
 واطرح صحيح وكسر من صحيح وكسر فاطرح الكسر من الكسر والصحيح من
 الصحيح

مثال ذلك $2 \frac{1}{3} = 1 \frac{1}{3} - 3 \frac{1}{3}$
 وإذا كان الكسر المطروح منه أصغر من الكسر المطروح فخذ واحدا من
 الصحاح وضمه الى المطروح منه مثال ذلك

$1 \frac{2}{3} - 3 \frac{1}{3}$
 $1 \frac{4}{3} - 3 \frac{2}{3}$ بالتجنيس

وحيث لا يمكن طرح البسط ٤ من البسط ٣ يؤخذ واحد من ٣ الصحاح
 ويضم الى $\frac{2}{3}$ فيصير هذا الكسر $\frac{4}{3}$ ولنا

$1 \frac{0}{3} = 1 \frac{4}{3} - 2 \frac{2}{3} = 1 \frac{2}{3} - 3 \frac{1}{3}$
 (٣) في الضرب - لضرب كسرين صحيح أو عكسه اضرب البسط في الصحيح
 واجعل الحاصل بسطا على المقام الاصل

مثال ذلك $\frac{2}{5} = 2 \times \frac{2}{5}$

و

$\frac{8}{9} = \frac{2}{9} \times 4$
 و لضرب كسرين كسر آخر فاضرب البسط في البسط والمقام في المقام

مثال ذلك $\frac{7}{10} = \frac{2}{5} \times \frac{7}{5}$
 و لضرب صحيح وكسرين صحيح وكسرين فاضرب العددين وأجر كما تقدم

مثال ذلك $2 \frac{1}{3} \times 3 \frac{4}{5}$

بالصرف $\frac{2}{3} \times \frac{19}{5}$

بالضرب والرفع $8 \frac{13}{10} = \frac{133}{10}$

(٤) في القسمة - لقسمة صحيح على كسر اضرب الصحيح في المقام واجعل
الحاصل بسطا والبسط الاصل مقاماً مثال ذلك

$$٣ : \frac{١}{٢} = \frac{١٥}{٢} = \frac{٥ \times ٣}{٢} = \frac{٢}{٥} : ٣$$

ولقسمة كسر على صحيح اضرب المقام في الصحيح مثال ذلك

$$\frac{٢}{١٥} = \frac{٢}{٣ \times ٥} = ٣ : \frac{٢}{٥}$$

ولقسمة كسر على كسر اضرب ببسط المقسوم في مقام المقسوم عليه ومقامه
في بسطه ونحو

$$\frac{٤}{١٥} = \frac{٧ \times ٢}{٥ \times ٣} = \frac{٥}{٧} : \frac{٢}{٣}$$

ولقسمة صحيح وكسر على صحيح وكسر اسرف العددين وأجر العمل كما تقدم
مثال ذلك

$$١ : \frac{١٣}{٢} = \frac{٣٣}{٢} = \frac{١}{٢} : \frac{١١}{٢} = ٣ : \frac{١}{٢} : ٥ : \frac{١}{٢}$$

(تجربات)

$$١١ : \frac{٢}{٢} = \frac{١}{٢} + \frac{٢}{٧} + ١$$

$$\frac{٦}{٥٥} = \frac{١}{١١} - \frac{١}{٥}$$

$$\frac{٦}{١٥} = \frac{١}{٧} \times \frac{٢}{٥} \times ٢$$

$$\frac{٤}{١٥} = \frac{٥}{٢} : \frac{١}{٣}$$

$$٢ : \frac{٤}{٩} = ٤ : \frac{١}{٢} : ٥ : \frac{١}{٢}$$

(الباب التاسع)

(في القوى والجذور)

(١) قوة عددهي حاصل ضرب في نفسه مرة فاكثر وعدد العوامل يدل على
درجة القوة فالعدد ٣ مثلاً هو قوة نفسه الاولى و ٣×٣ قوة الثانية
و $٣ \times ٣ \times ٣$ قوة الثالثة وهما جراولبيان ذلك يرقم عدد العوامل على
يسار العدد مرتفعاً عنه مثال ذلك ٤ و ٤ و ٤ و ٤ و ٤ و ٤ و ٤ أس ٢
و ٤ أس ٣ و ٤ أس ٤ والقوة الثانية تسمى مربعاً والثالثة مكعباً

(٢) جذر الكم هو عدد اذا ضرب في نفسه مرة فأكثر أرى ترقى الى درجة معلومة
 حدث هذا الكم مثال ذلك ٥ فانها الجذر الثالث للعدد ١٢٥ لانه اذا
 ضربت ٥ × ٥ × ٥ يحصل ١٢٥ وعلامة الجذر هكذا $\sqrt[3]{125}$
 فيكتب العدد تحتها ودرجة الجذر أرى دليله فوقها نحو $\sqrt[3]{125} = ٥$

و $\sqrt[4]{٢٥} = ٥$ أو $\sqrt[4]{٢٥} = ٥$ بغير دليل
 الجذر الثاني يسمى تربيعا والثالث تكعيبا

(في استخراج الجذر التربيعي)

(٣) القاعدة العمومية (١) هي ان تقسم العدد الى فصول شائية مبدؤة
 من اليمين الى اليسار ثم تبحث عن أعظم مربع للفصل الاخير وتطرحه منه فجذر
 هذا المربع هو أول رقم من الجذر المطلوب ثم تنزل على يمين القاضل الفصل الثاني
 وتفصل من يمينه رقبا واحدا فما كان على اليسار تقسمه على ضعف الجذر الذي
 وجدته وتضع الخارج على يمين المقسوم عليه فما كان تضر به في الخارج المذكور
 وتطرح الحاصل اذا أمكن ذلك من المقسوم باعتبار الرقم المفصول من يمينه
 والافصغر الخارج ثم بعد الطرح نزل على يمين القاضل الفصل الثالث وتجري
 العمل على هذا المنوال حتى تصل الى باق معدوم ان كان العدد مربعا والاتصف
 صفرا الى يمين الباقي الاخير وتستر على العمل فتجد أرقاما اعشارية
 مثال ذلك لنبحث عن الجذر التربيعي للعدد ١٧٨٩٢٩ فتأخذ العملية هذه الصورة

الجذر	
٤٢٣	١٧٨٩٢٩
٨٢	١٦
٢	١٨٩
٨٤	١٦٤
٣	٢٥٢٩
	٢٥٢٩
	.

(١) هذه القاعدة مبنية على قاعدة جبرية مذكورة في الباب الخامس من
 مختصر علم الجبر

فنقول أعظم مربع في الفصل الأخير هو ١٦ فنطرحه من ١٧ ونرقم جذر ١٦ وهو ٤ على عين علامة الجذر ثم ننزل على عين الفاضل ١ الفصل ٨٩ ونفصل منه الرقم ٩ ونضعف الجذر ونقول ١٨ تحتوى على ٨ مرتين فنرقم ٢ على عين ٨ تحت الجذر ونضرب ٨٢ في ٢ فيحصل ١٦٤ فنطرحها من ١٨٩ فيفضل ٥٢ فنرقم ٢ على عين ٤ في الجذر ثم ننزل الفصل ٢٩ على عين ٢٥ ونضعف الجذر ٤٢ (ولذا يكتب كفى جمع العددين ٨٢ و ٢) فيحصل ٨٤ ثم نقسم ٢٥٢ على ٨٤ فيخرج ٣ فترقها على عين ٨٤ ونضرب الناتج في ٣ فيحصل ٢٥٢٩ فنطرحها من ٢٥٢٩ فيفضل صفراً فالجذر المطلوب هو إذا ٤٢٣

(٤) لاستخراج الجذر التربيعي لكسرا عشاري ضف صفرا الى عينه اذا كان عدد الارقام الاعشارية فرديا واحذف النظر عن الفاصلة واجر العمل كما تقدم ثم افصل من عين الجذر ارقاما بقدر عدد الفصول الثنائية التي قسمت اليها الارقام الاعشارية فما كان هو الجذر

ليكن مثلاً $\sqrt{٠.٣٧٢١٧}$ فجد

$$\begin{array}{r} \sqrt{٠.٣٧٢١٧} \\ ١٢١ \quad ١٢١ \\ \cdot \quad \quad ١ \end{array}$$

فالجذر المطلوب هو ٠.٦١

(٥) واستخراج الجذر التربيعي لكسرا اعتيادي يستخرج جذر كل من البسط والمقام نحو

$$\frac{٢}{٥} = \frac{\sqrt{٤}}{\sqrt{٢٥}} = \frac{\sqrt{٤}}{\sqrt{٢٥}}$$

واذا كان المقام ليس بمربع فيمكن جعله مربعا تاما بضرب حدى الكسر في المقام المذكور مثال ذلك

$$\frac{\sqrt{١٥}}{\sqrt{٥}} = \frac{\sqrt{٥ \times ٣}}{\sqrt{٥}} = \frac{\sqrt{٣}}{\sqrt{١}}$$

(تمرينات)

$$\sqrt{٣١٤} = ١٧.٥٩٦$$

$$٥١,٦ = \sqrt[٧]{٢٦,٦٢٥٦}$$

$$\frac{١١}{١٢} = \sqrt[٧]{\frac{١٢١}{١٤٤}}$$

(في النسبة والتناسبة)

النسبة هي العدد الناتج من مقارنة عددين فالعدد الذي بين كم مرات عددي محتوي على عدد اخر فهو نسبتهما فاذا نسبة كيتين أو عددين هو خارج قسمة احدهما على الاخر فنسبة ١٨ الى ٦ هي ٣
وأما التناسبة فهي اجتماع نسبتين متساويتين نحو

$$\frac{٩}{٣} = \frac{١٨}{٦}$$

وتكتب كذا أيضا

$$٣ : ٩ :: ٦ : ١٨$$

ويلاحظ بها ان ذلك ١٨ الى ٦ كسعة الى ٣
فالعددان ١٨ و ٣ يسميان بالطرفين و ٩ و ٦ بالوسطين
ومن خاصية كل متناسبة ان حاصل ضرب الطرفين كحاصل ضرب الوسطين لانه من البدعي اذا ضرب عددان متساويان في عدد واحد فان الحاصلين متساويان فيضرب كل من العددين $\frac{٩}{٣}$ و $\frac{١٨}{٦}$ المتساويين في ٦ $\times ٣$ يحصل عددان متساويان أيضا أعني

$$٦ \times ٩ = ٣ \times ١٨$$

فالحكم ثابت

فهذه الخاصية يمكن استخراج حد مجهول من التناسبة بواسطة الكميات الاخرى فاذا فرضنا الوسط الاول من التناسبة السابقة مجهولا فضع عوضا عنه سه مثلا ونكتب

$$\frac{٩}{٣} = \frac{١٨}{\text{سه}}$$

وبمقتضى الخاصية المذكورة لنا

$$٣ \times ١٨ = \text{سه} \times ٩$$

ومن الواضح ان العددين المتساويين اذا قسمنا على عدد واحد فان الخارجان متساويان فيقسمه كل من العددين $\text{سه} \times ٩$ و ٣×١٨ على ٩

يخرج

$$٦ = \frac{٨ \times ٣}{٩} = \text{سه}$$

فالوسط الاول هو ٦

(مسئلة أولى) ما فائدة ٧٥٠٠ فرنك في السنة على حساب المئة ٥
فتقول حيث انه كلما زاد رأس المال زادت الفائدة وكلما نقص نقصت فتسببه
لها كنسبة ١٠٠ الى ٥ فاذا رمزنا بالحرف سه للفائدة المطلوبة لنا
المتناسبة

$$\frac{١٠٠}{٥} = \frac{٧٥٠٠}{\text{سه}}$$

$$٥ \times ٧٥٠٠ = \text{سه} \times ١٠٠$$
 ومنها

$$٣٧٥ = \frac{٥ \times ٧٥٠٠}{١٠٠} = \text{سه}$$
 ومنها

فالجواب ٣٧٥ فرنك

(مسئلة ثانية) ٢٥ صانعا تموا ٣٠ يوما في كم يوم يتمه ١٥
صانعا

تقول كلما نقص عدد الصانع زاد عدد الايام وكلما زاد الاول نقص الثاني
فالتناسب هنا عكسي فاذا رمزنا بالحرف سه للمجهول لنا

$$\frac{\text{سه}}{٣٠} = \frac{٢٥}{١٥}$$

$$٣٠ \times ٢٥ = \text{سه} \times ١٥$$
 ومنها

$$٥٠٠ = \text{سه}$$
 ومنها

فالجواب ٥٠٠ يوما

جدول في الأقيسة المترية والمصرية

اعلم ان الوحدة الاصلية في الأقيسة المترية هي المتر وهو جزء من عشرة ملايين من ربع دائرة نصف النهار الارضى

(أقيسة الطول)

ميريامتر	قيمه	عشرة آلاف متر
كيلومتر	٠٠	ألف متر
هيكنومتر	٠٠	مائة متر
ديكامتر	٠٠	عشرة أمتار
متر	٠٠	١
ديسيمتر	٠٠	عشر المتر
سانتيمتر	٠٠	واحد من المئة من المتر
ميليمتر	٠٠	واحد من الالف من المتر

(أقيسة الاراضى)

هكتار	قيمه	مائة أراو عشرة آلاف متر مربع
آر	٠٠	مائة متر مربع أى ربع ضلعه عشر أمتار

(أقيسة السعة للموائع والحبوب)

كيلولتر	قيمه	ألف لتر
هيكترولتر	٠٠	مائة لتر
ديكالتر	٠٠	عشرة التار
لتر	٠٠	ديسيمتر مكعب
ديسيلتر	٠٠	عشر اللتر

(أقيسة اللحم)

ديكاستير	قيمه	عشرة استار
----------	------	------------

متر مكعب عشر الستير	قيته ..	ستير ديسيستير
(أقيسة الثقل)		
ألف كيلوجرام	قيته	ملين
مائة كيلوجرام	..	قنطار
ألف جرام	..	كيلوجرام
مائة جرام	..	هيكروجرام
ثقل سائتير مكعب من الماء المقطر	..	جرام
عشر الجرام	..	ديسجرام
واحد من المئة من الجرام	..	ساتيجرام
واحد من الالف من الجرام	..	ميليجرام
(النقود)		
خسة جرامان من الفضة	ثقله	فرنك
(في الأقيسة المصرية)		
(أقيسة الطول)		
٠,٦٨٠٧ من المتر	قيته	الذراع
(أقيسة الاراضى)		
٥٨,٩٨٣٤ آر	قيته	الفدان
(أقيسة الحجم)		
٨,٢٣٩٤ لتران	قيته	الربع
٢٤ أردب	..	الاردب
(أقيسة الثقل)		
٣,٠٨٩ جرامات	قيته	الدرهم

المنقال	قيمه	٤,٦٣٢٦ جرامات
الرطل	٠٠	٤٤٤ جرام
اللافة	٠٠	١,٢٣٥٩٢ كيلوغرام
القنطار	٠٠	٤٤,٤٩٣١٢ كيلوغرام

تم علم الحساب ويليه علم الجبر

 Bibliotheca Alexandrina



0519733